

вищий навчальний заклад  
«Донбаський державний педагогічний університет»

Фізико-математичний факультет  
Кафедра математики та інформатики



ЗАТВЕРДЖУЮ»:

Перший проректор

*Набока* О.Г. Набока

” *серпень* 2020 р.

**РОБОЧА ПРОГРАМА  
НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ**

**МЕТОДИ ОПТИМІЗАЦІЇ ТА ПРИЙНЯТТЯ РІШЕНЬ**  
підготовки здобувачів  
першого (бакалаврського) рівня вищої освіти

спеціальності	014 Середня освіта (Інформатика)
за освітньою програмою	Середня освіта (Інформатика)
мова навчання	українська

Слов'янськ – 2020 р.

Розробник:

**Сілін Є. С.** кандидат фізико-математичних наук, доцент, доцент кафедри математики та інформатики.

Рецензенти:

**Кадубовський О. А.** кандидат фізико-математичних наук, доцент, декан фізико-математичного факультету.

**Турка Т.В.** кандидат фізико-математичних наук, доцент, доцент кафедри методики навчання математики та методики навчання інформатики.

Робоча програма розглянута і схвалена на засіданні кафедри математики та інформатики.

Протокол № 1-а від «28» серпня 2021 р.

Завідувач кафедри математики та інформатики \_\_\_\_\_ Чуйко С. М.

Погоджено групою забезпечення спеціальності 014 Середня освіта (Інформатика)  
Керівник групи забезпечення кандидат фізико-математичних наук

\_\_\_\_\_ доц. Стьопкін А.В.

Затверджено та рекомендовано до впровадження вченою радою  
Державного вищого навчального закладу  
«Донбаський державний педагогічний університет»  
«28» серпня 2020 р., протокол № 1

## 1. Опис навчальної дисципліни

Найменування показників	Характеристика навчальної дисципліни
	денна форма навчання
Кількість кредитів – 5,5	Вибіркова
Загальна кількість годин – 165	Рік підготовки:
	4-й
	Семестр
	8-й
	Лекції
Тижневих годин для денної форми навчання: контактних – 4,5 самостійної роботи студента – 5,8	36 год.
	Лабораторні
	36 год.
	Самостійна робота
	93 год.
	Вид контролю:
	Екзамен

**Мета:** знайомство здобувачів із методологією розв'язання задач оптимізації із застосуванням математичних методів для обґрунтування рішень у всіх областях цілеспрямованої людської діяльності, формування навичок з адаптації стандартних алгоритмів до нових – чисельних рішень складних прикладних задач.

## 2. Матриця

результатів навчання, методів навчання, методів контролю з навчальної дисципліни  
«Методи оптимізації та прийняття рішень»

Результати навчання	Методи навчання	Методи контролю
Освоєння здобувачами сучасних математичних методів аналізу та наукового прогнозування поведінки об'єктів управління. Набуття практичних навичок з питань, що стосуються прийняття науково-обґрунтованих управлінських рішень. Навчання студентів застосуванню методів і моделей дослідження операцій в процесі вирішення реальних оптимізаційних задач, підготовки та прийняття управлінських рішень.	проблемна лекція; практичні завдання; створення проблемних ситуацій; аудиторна та позааудиторна самостійна робота студентів; наочні; консультації.	виконання та захист лабораторних робіт, тематичні письмові самостійні роботи, контрольні роботи; усне та письмове опитування; тестування, екзамен.



### 3. Структура навчальної дисципліни

Назви тем	Кількість годин									
	Денна форма					Заочна форма				
	Усього	Зокрема				Усього	Зокрема			
		л	п	лаб	с.р.		л	п	лаб	с.р.
<b>Тема 1.</b> Основи математичного моделювання, математичні методи дослідження задач оптимізації та прийняття рішень.	6	2	–	0	4	–	–	–	–	–
<b>Тема 2.</b> Оптимізаційні задачі управління запасами	10	2	–	2	6	–	–	–	–	–
<b>Тема 3.</b> Задачі упорядкування та координації. Транспортні мережі	10	2	–	2	6	–	–	–	–	–
<b>Тема 4.</b> Предмет та типові задачі математичного програмування	2	2	–	0	0	–	–	–	–	–
<b>Тема 5.</b> Задачі лінійного програмування	10	2	–	2	6	–	–	–	–	–
<b>Тема 6.</b> Геометричний та симплекс методи розв'язання задачі лінійного програмування	20	6	–	6	8	–	–	–	–	–
<b>Тема 7.</b> Цілочисельні задачі лінійної оптимізації	14	2	–	4	8	–	–	–	–	–
<b>Тема 8.</b> Транспортна задача лінійного програмування	14	2	–	4	8	–	–	–	–	–
<b>Тема 9.</b> Післяоптимізаційний аналіз задачі лінійного програмування. Аналіз розв'язку задачі лінійного програмування	10	2	–	2	6	–	–	–	–	–
<b>Тема 10.</b> Нелінійне програмування	8	2	–	2	4	–	–	–	–	–
<b>Тема 11.</b> Задачі опуклого та квадратичного програмування	15	2	–	4	9	–	–	–	–	–
<b>Тема 12.</b> Прийняття рішень в умовах конфлікту	8	2	–	2	4	–	–	–	–	–
<b>Тема 13.</b> Елементи теорії статистичних рішень	12	2	–	2	8	–	–	–	–	–
<b>Тема 14.</b> Класифікація систем масового обслуговування	10	2	–	0	8	–	–	–	–	–
<b>Тема 15.</b> Задачі аналізу мереж масового обслуговування	16	4	–	4	8	–	–	–	–	–
<i>Усього годин</i>	<b>165</b>	<b>36</b>	<b>0</b>	<b>36</b>	<b>93</b>	–	–	–	–	–

## 4. Програма навчальної дисципліни

### 4.1. Теми лекцій

№ з/п	Назва теми	Кількість годин	
		Денна	Заочна
1.	Основи математичного моделювання, математичні методи дослідження задач оптимізації та прийняття рішень.	2	–
2.	Оптимізаційні задачі управління запасами (модель Уілсона)	2	–
3.	Задачі упорядкування та координації. Транспортні мережі	2	–
4.	Предмет та типові задачі математичного програмування	2	–
5.	Задачі лінійного програмування	2	–
6.	Геометричний метод розв'язання задачі лінійного програмування	2	–
	Симплекс метод розв'язання задачі лінійного програмування	4	–
7.	Цілочисельні задачі лінійної оптимізації	2	–
8.	Транспортна задача лінійного програмування	2	–
9.	Післяоптимізаційний аналіз задачі лінійного програмування. Аналіз розв'язку задачі лінійного програмування	2	–
10.	Нелінійне програмування. Найпростіша задача нелінійного програмування в умовах невід'ємності змінних	2	–
11.	Задачі опуклого та квадратичного програмування. Огляд основних підходів до побудови чисельних методів розв'язання задач нелінійного програмування	2	–
12.	Прийняття рішень в умовах конфлікту	2	–
13.	Елементи теорії статистичних рішень	2	–
14.	Класифікація систем масового обслуговування	2	–
15.	Розімкнуті системи масового обслуговування з паралельними каналами	2	–
16.	Оптимальне керування системами масового обслуговування з пріоритетами	2	–
<b>Разом</b>		<b>36</b>	<b>–</b>



#### 4.2. Теми лабораторних занять

№ з/п	Назва теми	Кількість годин	
		Денна	Заочна
1.	Модель Уілсона. Знижка на кількість. Модель планування дефіциту	2	–
2.	Задача та алгоритм Джонсона. Сітьове планування. Задача о найкоротшому маршруті, алгоритм її розв'язання	2	–
3.	Побудова економіко-математичних моделей задач лінійного програмування	2	–
4.	Геометричний метод розв'язання задачі лінійного програмування	2	–
5.	Симплекс метод розв'язання задачі лінійного програмування	4	–
6.	Графічний метод розв'язання цілочисельних задач	2	–
7.	Метод Гоморі	2	–
8.	Транспортна задача лінійного програмування. Побудова опорного плану	2	–
9.	Метод потенціалів для розв'язання транспортної задачі	2	–
10.	Аналіз розв'язку задачі лінійного програмування. Симплексний метод розв'язання двоїстих задач	2	–
11.	Геометричний метод розв'язання задачі нелінійного програмування	2	–
12.	Методи нелінійного програмування, що використовують похідні	2	–
13.	Методи нелінійного програмування при наявності обмежень	2	–
14.	Прийняття рішень в умовах конфлікту. Стратегічні ігри	2	–
15.	Елементи теорії статистичних рішень. Стохастичні ігри	2	–
16.	Багатоканальна модель з пуасонівським вхідним потоком і експоненціальним розподілом тривалості обслуговування	2	–
17.	Оптимальне керування системами масового обслуговування з пріоритетами	2	–
<b>Разом</b>		<b>36</b>	<b>–</b>

### 4.3. Самостійна робота

№ з/п	Назва теми	Кількість годин	
		Денна	Заочна
1.	Критерій ефективності. Основні етапи операційного дослідження. Побудова моделі операції.	4	–
2.	Потоки в мережах. Алгоритм Форда.	3	–
3.	Двоїстий симплексний метод розв'язування задачі лінійного програмування	5	–
4.	Метод гілок і меж розв'язування задач цілочисельного лінійного програмування	6	–
5.	Задача комівояжера	6	–
6.	Задача про призначення	5	–
7.	Транспортна задача за критерієм часу	6	–
8.	Нелінійне програмування з сепарабельними функціями.	6	–
9.	Дробово-лінійне програмування	6	–
10.	Графоаналітичний метод розв'язування матричної гри	4	–
11.	Байєсовий підхід до прийняття рішень	4	–
12.	Байєсові моделі прийняття колективного рішення	4	–
13.	Багатокритеріальна оптимізація за методом Парето	3	–
14.	Базові поняття випадкових процесів	3	–
15.	Кореляція випадкових величин	3	–
16.	Перевірка статистичних гіпотез щодо закону розподілу випадкової величини	3	–
17.	Системний аналіз динамічних процесів	3	–
18.	Технічні показники ефективності систем масового обслуговування	5	–
19.	Економічні показники ефективності систем масового обслуговування	5	–
20.	Імовірнісне моделювання та оцінювання якості функціонування інформаційно-управляючих систем	3	–
21.	Моделі замкнутих систем масового обслуговування. Ймовірнісні характеристики системи	6	–
<b>Разом</b>		<b>93</b>	–



## 5. Критерії оцінювання результатів навчання

Навчальна дисципліна викладається один семестр та оцінюється максимальною оцінкою у 100 балів.

Підведення підсумків поточної роботи здобувачів вищої освіти з навчальної дисципліни здійснюється в кінці семестру семестру в період від останнього заняття до дня консультації перед екзаменом із цієї дисципліни, підставою чого є графік екзаменаційної сесії.

Результати поточного контролю рівня знань здобувачів (кількість отриманих балів) обов'язково доводяться викладачем наприкінці кожного заняття до відома всіх здобувачів і виставляються в «Журналі обліку поточної успішності та відвідування занять» та є підставою для одержання допуску до підсумкового контролю.

### Розподіл балів, що присвоюється студентам, із розподілом за темами

Тема	Лабораторні заняття	Самостійна робота	Екзамен
Тема 1.	0	2	100
Тема 2.	4	2	
Тема 3.	4	2	
Тема 4.	0	2	
Тема 5.	4	2	
Тема 6.	10	2	
Тема 7.	8	2	
Тема 8.	8	2	
Тема 9.	4	2	
Тема 10.	4	2	
Тема 11.	8	2	
Тема 12.	4	2	
Тема 13.	4	2	
Тема 14.	0	2	
Тема 15.	8	2	
<b>Разом</b>	<b>70</b>	<b>30</b>	<b>100</b>

Здобувач, який протягом семестру не набрав 60 балів з навчальної дисципліни, вважається недопущеним до складання екзамену з цієї дисципліни, й у відомість обліку успішності ставиться запис «не допущений».

Здобувачі, які за поточним оцінюванням у семестрі мають результат навчання з дисципліни 60-80 балів, можуть, за бажанням, бути звільнені від складання екзамену й отримати як результат оцінювання ту кількість балів, що відповідає кількості балів поточного оцінювання з навчальної дисципліни.

Здобувач може підвищити оцінку, яку він отримав за результатами роботи в семестрі, під час складання екзамену. В результаті оцінювання 81-100 балів, що відповідають кількості балів поточного оцінювання з навчальної дисципліни, за відсутності пропусків занять з усіх предметів семестру без поважних причин (до 10%), але за обов'язкового надання в деканат виконаних самостійних завдань з відповідної дисципліни.

Для визначення критеріїв оцінювання відповідей на екзамені потрібно зважати на такі загальні положення:

оцінки **«відмінно» (90-100 балів)** заслуговує здобувач вищої освіти, який продемонстрував всебічні, систематичні й глибокі знання навчального матеріалу, уміння без похибок виконувати завдання, передбачені програмою, опанував основну й додаткову літературу, рекомендовану навчальною програмою, засвоїв значущі для майбутньої кваліфікації підвалини основних дисциплін, виявив творчі здібності в усвідомленні, засвоєнні й застосуванні навчально-програмного матеріалу;

оцінки **«добре» (75-89 балів)** заслуговує здобувач вищої освіти, який продемонстрував ретельне знання навчально-програмного матеріалу, успішно виконав передбачені програмою завдання, засвоїв основну літературу, рекомендовану навчальною програмою, показав систему засвоєних знань з дисципліни та здатність до їх самостійного поповнення й оновлення під час подальшої навчальної роботи й професійної діяльності;

оцінки **«задовільно» (60-74 бали)** заслуговує здобувач вищої освіти, який продемонстрував знання основного навчально-програмного матеріалу в обсязі, потрібному для подальшого навчання та майбутньої роботи за спеціальністю, впорався з виконанням завдань, передбачених програмою, але припустився помилок у відповіді на екзамені та під час виконання екзаменаційних завдань, хоча має необхідні знання для їх усунення під керівництвом викладача;

оцінка **«незадовільно» (26-59 балів)** виставляється здобувачу вищої освіти, який має прогалини в знаннях основного навчально-програмного матеріалу, припустився принципових помилок у виконанні передбачених програмою завдань, і не може продовжувати навчання без виконання додаткових завдань з відповідної дисципліни;

оцінка **«неприйнятно» (0-25 балів)** виставляється здобувачу вищої освіти, який не надав для перевірки потрібну кількість правильно виконаних завдань, пропустив без поважних причин значну кількість занять (більше ніж 15 50%), і не може продовжувати навчання без проходження повторного курсу навчання.



## 6. Засоби діагностики результатів навчання

Засобами оцінювання та методами демонстрування результатів навчання з навчальної дисципліни є:

- контрольні запитання;
- опитування по результатам лабораторних робіт;
- індивідуальні завдання;
- самостійна робота;
- тестування;
- екзамен.

### Питання до екзамену:

1. критерії ефективності
2. математична модель операції
3. система передумов основної моделі управління запасами
4. основна модель управління запасами
5. модель економічного розміру партії
6. знижка на кількість
7. модель виробництва партії продукції
8. модель планування дефіциту
9. задача Джонсона
10. алгоритм Джонсона
11. основні поняття теорії потоків в сітках
12. задача о найкоротшем маршруті, алгоритм її розв'язання
13. поняття математичної моделі
14. предмет та задачі математичного програмування
15. приклади задач лінійного програмування
16. цільова функція, система обмежень план задачі, оптимум
17. економіко-математичні моделі
18. загальна задача лінійного програмування
19. канонічна задача
20. графічний метод розв'язання задачі лінійного програмування
21. многокутник розв'язків задачі лінійного програмування
22. вектор-градієнт, лінія рівня, точка оптимума
23. припустимий розв'язок, оптимальний розв'язок
24. симплексний метод
25. критерій оптимальности в симплексному методі
26. поняття двоїстої задачі
27. перша теорема двоїстості
28. друга теорема двоїстості
29. методи розв'язання двоїстих задач
30. постановка цілочисленної задачі лінійного програмування



31. розв'язок цілочисленної задачі лінійного програмування графічним методом
32. розв'язок цілочисленної задачі лінійного програмування методом Гоморі.
33. загальна постановка транспортної задачі
34. оптимальний план перевозок
35. теорема о розв'язку транспортної задачі
36. закрыта та відкрита транспортна задача
37. побудова опорного плану
38. знаходження оптимального плану перевезень методом потенціалів
39. цикли перерахунків
40. предмет та основні поняття теорії ігор
41. платіжна матриця
42. антагоністична гра
43. принципи мінімакса та максіміна
44. ціна гри, спрощення ігор
45. зведення матричної гри до задачі лінійного програмування
46. елементи статистичних ігор
47. матриця ризиків
48. гра з природою при відомих ймовірностях станів природи
49. критерії прийняття рішень у іграх з природою
50. особливості задач теорії масового обслуговування
51. класифікація моделей масового обслуговування
52. системи масового обслуговування (СМО) з паралельними обслуговуючими пристроями та обмеженим числом місць у черзі
53. СМО без очікування (формули Ерланга)
54. СМО з паралельними обслуговуючими пристроями та необмеженим числом місць у черзі
55. СМО з множиною вхідних потоків
56. СМО з відносними пріоритетами
57. СМО з абсолютними пріоритетами

## 7. Рекомендована література

1. Білоусова С.В. Економіко-математичне моделювання: компендіум і практикум : навч. посіб. / С.В. Білоусова, Т.В. Ковальчук. – Київ : Київ. нац. торг.-екон. ун-т, 2018. – 524 с.
2. Глушик М. М. Математичне програмування : підруч. / М. М. Глушик, І. М. Копич. – Львів, 2017. – 280 с.
3. Імітаційне моделювання систем масового обслуговування: навч. посіб. [для студентів техн. спец. вищ. навч. закл.] / В. Б. Толубко, А. Д. Кожухівський, В. В. Вишнівський, Г. І. Гайдур, О. А. Кожухівська. – Київ: 175 с.
4. Катренко А. В. Прийняття рішень: теорія та практика : підруч. / А. В. Катренко, В. В. Пасічник. – Львів : «Новий Світ – 2000», 2017. – 447 с.
5. Кучма М. І. Математичне програмування: приклади і задачі : навч. посіб. / М. І. Кучма. – Львів : «Новий Світ–2000», 2017. – 344 с.
6. Математичні методи дослідження операцій : підручник / Є. А. Лавров, Л. П. Перхун, В. В. Шендрик та ін. – Суми : Сумський державний університет, 2017. – 212 с.
7. Теорія систем масового обслуговування : навч. посібник / А. Л. Литвинов ; Харків. нац. ун-т міськ. госп-ва ім. О. М. Бекетова. – Харків : ХНУМГ ім. О. М. Бекетова, 2018. – 141 с.
8. Швець С. В., Швець У. С. Основи системного аналізу: навчальний посібник – Суми: Сумський державний університет, 2017. – 126 с.

## 8. Інформаційні ресурси

1. <https://studfile.net/preview/7163591/> – посібник
2. <http://repository.hneu.edu.ua/bitstream/123456789/2416/1> – навчальний посібник
3. <http://cyb.univ.kiev.ua/library/books/voloshyn-20.pdf> – навчальний посібник

## 9. Посилання на дистанційний курс

Дистанційний курс дисципліни на освітньому контенті в CMS Moodle  
<http://ddpu.edu.ua:9090/moodle/course/view.php?id=2320>